## ГУАП

# КАФЕДРА № 41

ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКОЙ ПРЕПОДАВАТЕЛЬ vk.com/id446425943 vk.com/club152685050

кандидат физмат. наук,		Литвинова Н.Н.
должность, уч. степень, звание	подпись, дата	инициалы, фамилия

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №10

"Определение удельного заряда электрона"

по курсу: ОБЩАЯ ФИЗИКА

РАБОТУ ВЫПОЛНИЛ		
СТУДЕНТ ГР. №		
	 подпись, дата	инициалы, фамилия

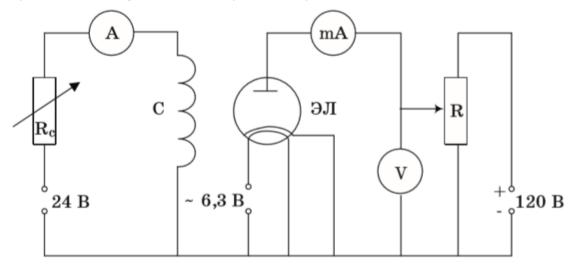
### 1. Цель работы.

Цель работы: определить удельный заряд электрона с помощью магнетрона.

### 2. Описание лабораторной установки.

Определение удельного заряда электрона с помощью магнетрона.

Электрическая схема установки изображена на рис. 3.



На рисунке: ЭЛ – электронная лампа; С – соленоид; анодное напряжение устанавливается с помощью реостата R и контролируется вольтметром V; анодный ток измеряется миллиамперметром мА. Ток в соленоиде изменяется с помощью переменного сопротивления Rc и измеряется амперметром А. Параметры намотки соленоида: число витков N = 2006; длина L = 167 мм;

диаметр D = 62 мм. Параметры электродов лампы: радиус анода ra = 6 мм; радиус катода  $r_{K} = 0.3 \text{ MM}.$ 

# Технические характеристики приборов:

Таблица 1

Прибор	Цена деления	Предел	Класс	Систематическая
		измерений	точности	погрешность
Миллиамперметр	0,01 мА	99,99 мА	-	3
Вольтметр	0,5 A	150 A	1,5	2,25
Амперметр	0,1 B	30 B	1,5	0,045

3. Рабочие формулы.

$$B_{\rm kp} = \frac{\mu_0 N}{\sqrt{L^2 + D^2}} I_{\rm kp} \tag{1}$$

N – число витков в соленоиде; L – его длина; D – диаметр;  $\mu_0 = 4\pi * 10^{-7} \ \Gamma \text{H/M} - \text{магнитная постоянная}$ 

$$\frac{e}{m} = \frac{8U_a}{B_{\rm KP}^2 r_a^2 \left(1 - r_\kappa^2 / r_a^2\right)^2}$$
 (2)

Ua – анодное напряжение

ra – радиус анода

е – абсолютная величина заряда электрона, т – его масса

## 4. Результаты измерений.

Таблица 2

U=50B			
ΙA	I mA		
0,6	2,54		
0,7	2,52		
0,8	2,26		
0,9	1,27		
1	0,46		
1,1	0,35		
1,2	0,05		
1,3	0,03		
1,4	0,02		
1,5	0,01		
1,6	0,01		
1,7	0		

U=60B		U=70B	
		IA	I mA
I A	I mA		
0,6	2,78	0,6	3,06
0,7	2,77	0,7	3,05
0,8	2,56	0,8	2,88
0,9	1,88	0,9	2,31
1	0,48	1	0,85
1,1	0,42	1,1	0,48
1,2	0,19	1,2	0,25
1,3	0,04	1,3	0,05
1,4	0,03	1,4	0,04
1,5	0,02	1,5	0,02
1,6	0,01	1,6	0,01
1,7	0,01	1,7	0,01
1,8	0	1,8	0,01
		1,9	0

## Таблица 3

Ua, B	Ікр, А	Вкр, Тл	е/т, Кл/кг
50	0,9	0,013	$0,66 * 10^{11}$
60	0,9	0,013	$0,792 * 10^{11}$
70	0,9	0,013	0,924 * 1011

### 5. Результаты вычислений.

# 4.1 По формуле (1)

$$B_{\text{кр}} = \frac{4\pi * 10^{-7} * 2006}{(0,167^2 + 0,162^2)^{0,5} * 0.9} = 0,013 \text{ Тл (Опыт 1,2,3)}$$

# 4.2 По формуле (2)

4.2 По формуле (2) 
$$e/m = \frac{8*50}{0,013^2*0,006^2*\left(1-\left(\frac{0,0003}{0,006}\right)^2\right)^2} = 0,66*10^{11}\,\mathrm{K}_{\mathrm{Л}}/\mathrm{K}_{\mathrm{\Gamma}}\ (\mathrm{Опыт}\ 1)$$
$$0,013^2*0,006^2*\left(1-\left(\frac{0,0003}{0,006}\right)^2\right)^2 = 0,792*10^{11}\,\mathrm{K}_{\mathrm{Л}}/\mathrm{K}_{\mathrm{\Gamma}}\ (\mathrm{Опыт}\ 2)$$
$$0,013^2*0,006^2*\left(1-\left(\frac{0,0003}{0,006}\right)^2\right)$$
$$e/m = \frac{8*70}{0,013^2*0,006^2*\left(1-\left(\frac{0,0003}{0,006}\right)^2\right)} = 0,924*10^{11}\,\mathrm{K}_{\mathrm{Л}}/\mathrm{K}_{\mathrm{\Gamma}}\ (\mathrm{Опыт}\ 3)$$
$$e/m_{\mathrm{cp}} = \frac{(0,66+0,792+0,924)*10^{11}}{3} = 0,792*10^{11}\,\mathrm{K}_{\mathrm{Л}}/\mathrm{K}_{\mathrm{\Gamma}}$$

### 6. Расчет погрешностей.

Систематическая погрешность приборов

 $\Theta = X_{\text{max}} * k/100$ 

 $X_{max}$ -предел измерений

k- класс точности

 $\theta = 150 * 1.5/100 = 2.25 B$ 

 $\theta = 30*2/100 = 0.045 \text{ A}$ 

Систематическая погрешность:

$$\Theta_{\text{Bk}} = \frac{\mu_0 N}{\sqrt{L^2 + D^2}} \Theta_{\text{кp}} = \frac{4*3.14*10^{(-7)*2006*0.045}}{\sqrt{0.167*2+0.062*2}} = 6.4*10^{(-4)}$$
 Тл

$$8 * 60$$

$$\frac{8*60}{(6,4*10^{-4})^2*(6*10^{-3})^2*(1-\frac{(0,3*10^{-3})^2}{(6*10^{-3})^2})^2}$$

 $=0.02*10^{11} \text{ K}_{\Pi}/\text{K}_{\Gamma}$ 

### 7. Вывод.

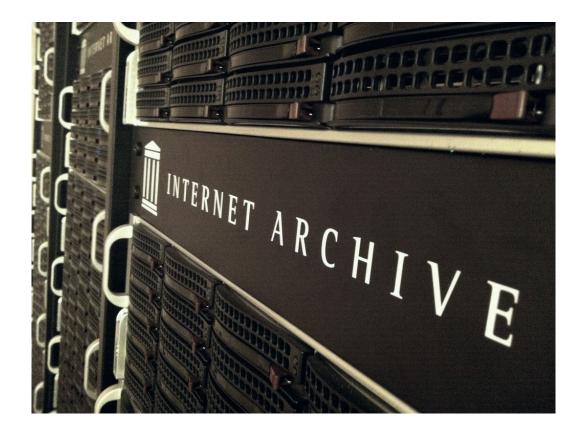
Определил удельный заряд электрона с помощью магнетрона: e/m=0,792\*10 $^{11}$  +-  $0.02*10^{11}$  Кл/кг

Систематическая погрешность приборов:

 $\theta v = 2.25 \text{ B}$ 

 $\theta a = 0.045 \text{ A}$ 

Данное значение удельного заряда электрона не совпадает с теоретическим значением  $(1,75*10^{11} \, \mathrm{Kn/kr})$  в пределах погрешности. Это может быть связано с неточностью измеренных значений Ікр и Вкр



OTBETЫ --->>CKAЧАТЬ <a href="https://archive.org/details/@guap4736">https://archive.org/details/@guap4736</a> vkclub152685050

Имя	*
0	Индивидуальное задание
0	ЛР исследование гистерезиса ферромагнитных материалов
0	ЛР определение горизонтальной составляющей напряженности магнитного поля зе
0	ЛР определение удельного заряда электрона
0	ЛР определение электроемкости конденсатора
0	ЛР процессы установления тока при разрядке и зарядке конденсаторов
0	Методички
ඌ	тест LMS1
ඌ	Экзамен
<u>a</u>	Бипризма Френеля 1
Z.	Кольца Ньютона 1
S	КОНТАКТЫ
ð	Литвинова Надежда Николаевна
ð	ЛР исследование магнитного поля соленоида
ð	ЛР кольца Ньютона
ď	ЛР Проверка законов теплового излучения
ð	Определение горизонтальной составляющей напряженности магнитного поля земли 1
ð	Определение горизонтальной составляющей напряженности магнитного поля земли 2
<u>+</u>	Определение горизонтальной составляющей напряженности магнитного поля земли 3
<u>.</u>	Определение горизонтальной составляющей напряженности магнитного поля земли 4
ð	Определение периода релаксационных колебаний при помощи электронного осцил
4	Определение периода релаксационных колебаний при помощи электронного осцил
ð	Определение электроемкости конденсатора с помощью баллистического гальваном
- 4	Определение электроемкости конденсатора с помощью баллистического гальваном

OTBETЫ -->>СКАЧАТЬ https://yadi.sk/d/PgjdK\_eMGWoIJQ

#### ОПРЕДЕЛЕНИЕ УДЕЛЬНОГО ЗАРЯДА ЭЛЕКТРОНА

 $\ensuremath{\textit{Цель работы:}}$  определить удельный заряд электрона с помощью магнетрона.

#### Теоретические сведения

Траектория и другие характеристики движения заряженной частицы в электрическом и магнитном полях определяются конфигурацией этих полей, ориентацией вектора скорости и отношением заряда частицы к ее массе (yдельным зарядом).

На заряженную частицу, движущуюся в магнитном поле, действует сила, которую называют *магнитной*:

$$\mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

где q — заряд частицы;  ${\bf v}$  — её скорость;  ${\bf B}$  — индукция магнитного поля.

Направлена эта сила перпендикулярно плоскости, в которой лежат векторы  ${\bf v}$  и  ${\bf B}.$  Модуль магнитной силы

$$F = qvB \sin \alpha$$
,

где  $\alpha$  – угол между векторами  ${\bf v}$  и  ${\bf B}$ .

Если имеются одновременно электрическое и магнитное поля, то сила, действующая на заряженную частицу, называется  $cunoù\ {\it Ло-ренца}$  и определяется как

$$\mathbf{F} = q(\mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}),$$

где Е – напряженность электрического поля.

### Метод измерений

Существуют различные методы определения удельного заряда электрона e/m (e — абсолютная величина заряда электрона, m — его масса), в основе которых лежат законы движения электрона в электрическом и магнитном полях. Один из них — метод магнетрона (конфигурация полей в нем напоминает конфигурацию полей в магнетронах — генераторах электромагнитных колебаний сверхвысоких частот).

Метод магнетрона состоит в следующем. Электронная лампа с двумя цилиндрическими коаксиальными электродами помещается

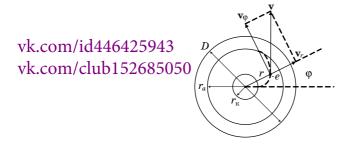
внутри соленоида с той же осью. При разности потенциалов между электродами возникает электрическое поле. При пропускании тока в соленоиде создается магнитное поле. Электроны эмитируются нагретым катодом (внутренним электродом).

Если тока в соленоиде нет, электроны движутся радиально к аноду (внешнему электроду). Устанавливается анодный ток.

При токе в соленоиде на электроны начинает действовать магнитная сила, под действием которой их траектории искривляются. При увеличении тока в соленоиде электроны перестают достигать анода. Анодный ток падает.

Рассмотрим подробнее движение электрона во взаимно перпендикулярных электрическом и магнитном полях. Электрическое поле направлено радиально к оси магнетрона, магнитное поле — вдоль этой оси.

Введем цилиндрическую систему координат, в которой положение электрона определяется расстоянием r от оси, полярным углом  $\phi$  в плоскости, перпендикулярной оси, и координатой z вдоль оси. Движение электрона в двухэлектродной лампе в магнитном поле соленоида показано на рис. 1.



Puc. 1

Движение электрона описывается уравнением моментов

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \mathbf{M}.\tag{1}$$

Момент импульса  $L_z$  электрона относительно оси z на расстоянии r от неё

$$L_z = mv_{\odot}r$$
,

где  $v_{\phi}$  – составляющая скорости, перпендикулярная радиусу и оси. Компонента  $M_z$  момента сил, действующих на электрон

$$M_z = rev_r B$$
,

$$v_r = \frac{dr}{dt}$$
 - vk.com/id446425943  
vk.com/club152685050

радиальная составляющая скорости электрона.

Проектируем (1) на ось z

$$\frac{d(mv\varphi r)}{dt} = rev_r B = eBr \frac{dr}{dt} = \frac{1}{2}eB \frac{dr^2}{dt}$$

и интегрируем

$$mv_{\odot}r = (1/2)eBr^2 + \text{const}$$
.

Начальная скорость электрона, вылетевшего из катода, определяется температурой катода. Если эта скорость много меньше скорости, приобретаемой электроном при движении в электрическом поле лампы, ею можно пренебречь.

Константу найдем из начальных условий:

$$v_{\rm o} = 0$$

при

$$r=r_{\kappa}$$
 ( $r_{\kappa}$  – радиус катода).

Тогда

$$const = -(1/2)eBr_{\kappa}^{2}$$

И

$$v_{\phi} = \frac{1}{2} \frac{e}{m} \frac{B}{r} (r^2 - r_{\rm g}^2).$$
 (2)

Кинетическая энергия электрона будет равна работе сил электрического поля

$$\frac{m(v_r^2 + v_{\varphi}^2)}{2} = eU, \tag{3}$$

где U — потенциал относительно катода точки поля, в которой находится электрон.

Подставляя в (3) значение  $v_\phi$  из (2), получаем

$$eU = \frac{m}{2} \left( v_r^2 + \frac{1}{4} \left( \frac{e}{m} \right)^2 \frac{B^2}{r^2} \left( r^2 - r_{\kappa}^2 \right) \right).$$
 (4)

Вблизи анода  $r=r_a$  ( $r_a$  — радиус анода) и  $U=U_a$  ( $U_a$  — анодное напряжение). Для каждого значения анодного напряжения  $U_a$  при некотором значении магнитной индукции  $B=B_{\rm kp}$ , которое называют критическим, скорость электрона вблизи анода станет перпендикулярной радиусу ( $v_r=0$ ). Тогда уравнение (4) примет вид

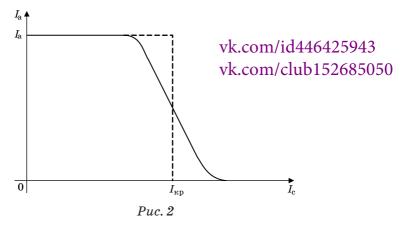
$$eU_a = \frac{m}{8} \left( \frac{e}{m} \right)^2 \frac{B_{ ext{kp}}^2}{r_a^2} \left( r_a^2 - r_{ ext{K}}^2 \right)$$

Отсюда находим выражение для удельного заряда электрона

$$\frac{e}{m} = \frac{8U_a}{B_{\rm kp}^2 r_a^2 \left(1 - r_{\kappa}^2 / r_a^2\right)^2}.$$
 (5)

Таким образом, если задано  $U_{\rm a}$  и известно  $B_{\rm \kappa p}$ , можно определить e/m .

Индукция B пропорциональна току в соленоиде  $I_{\rm c}.$  На рис. 2 показана экспериментальная зависимость анодного тока  $I_{\rm a}$  от тока в соленоиде  $I_{\rm c}$  (сбросовая характеристика).



Если бы у всех электронов параметры движения были бы одни и те же, зависимость анодного тока от тока в соленоиде имела бы вид, показанный пунктирной линией. В этом случае при  $I_{\rm c}{<}I_{\rm kp}$  все электроны, испускаемые катодом, достигали бы анода, а при  $I_{\rm c}{>}I_{\rm kp}$  ни один электрон не попадал бы на анод.

Однако невозможно для всех электронов создать одинаковые условия движения. В эксперименте у электронов могут быть раз-

личные  $B_{\rm кp}$  и  $I_{\rm kp}$ . В результате у тока соленоида  $I_{\rm c}$  существует «переходная» область значений, при которых одна часть электронов достигает анода, а другая часть — нет. При этом по мере возрастания тока  $I_{\rm c}$  анодный ток  $I_{\rm a}$  уменьшается.

При расчетах можно взять значение критического тока  $I_{\rm kp}$ , соответствующее середине самого крутого участка спада или точке перегиба графика сбросовой характеристики. Это значение будет критическим для наибольшего количества электронов.

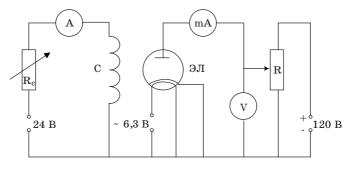
В центральной части соленоида магнитное поле можно считать однородным и магнитную индукцию рассчитывать как для центральной точки. Тогда

$$B_{\rm kp} = \frac{\mu_0 N}{\sqrt{L^2 + D^2}} I_{\rm kp},\tag{6}$$

где N — число витков в соленоиде; L — его длина; D — диаметр;  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \, \Gamma$ н/м — магнитная постоянная.

#### Лабораторная установка

Электрическая схема установки изображена на рис. 3.



Puc. 3

На рисунке: ЭЛ — электронная лампа; С — соленоид; анодное напряжение устанавливается с помощью реостата R и контролируется вольтметром V; анодный ток измеряется миллиамперметром M. Ток в соленоиде изменяется с помощью переменного сопротивления M0 и измеряется амперметром M1.

Параметры намотки соленоида: число витков N=2006; длина  $L=167~{
m mm};$ 

диаметр D=62 мм. Параметры электродов лампы: радиус анода  $r_{\rm a}=6$  мм; радиус катода  $r_{\rm k}=0,3$  мм. vk.com/id446425943 vk.com/club152685050

#### Порядок выполнения работы

- 1. Установить анодное напряжение  $U_{\rm a}=50~{
  m B}$  и занести в табл. 1 и 2.
- 2. Изменяя ток в соленоиде  $I_{\rm c}$  от минимального (начального) значения до максимального через 0,1 A, снять сбросовую характеристику (зависимость анодного тока  $I_{\rm a}$  от  $I_{\rm c}$ ). Результаты измерений занести в табл. 1.
  - 3. Повторить пп. 2 и 3 при двух других значениях  $U_a$  (>50 В).
- 4. Для каждого значения  $U_{\rm a}$  построить график сбросовой характеристики  $I_{\rm a}(I_{\rm c})$ , по графику определить критическое значение  $I_{\rm kp}$  и занести в табл. 2.
- 5. Для каждого значения  $I_{\rm kp}$  рассчитать по формуле (6) критическое значение магнитной индукции  $B_{\rm kp}$
- 6. Для каждой пары  $U_{\rm a}$  и  $B_{\rm kp}$  вычислить по формуле (5) величину удельного заряда электрона e/m и определить среднее значение.
  - 7. Оценить погрешность полученной величины e/m.

Таблица 1

$U_{\rm a} =$	50 B	$U_{\mathrm{a}}$ :	= <i>B</i>	$U_{\mathrm{a}}$ =	= <i>B</i>
$I_{ m c}$	$I_{\mathrm{a}}$	$I_{ m c}$	$I_{\mathrm{a}}$	$I_{ m c}$	$I_{\mathrm{a}}$

#### Таблица 2

$U_{\mathrm{a}}$	$I_{ m \kappa p}$	$B_{ m \kappa p}$	e/m

#### Контрольные вопросы

- 1. Какие силы действуют на электроны, движущиеся в электрическом и магнитном полях? Как они направлены?
- 2. В чём суть метода магнетрона для определения отношения e/m?
  - 3. Что такое критическая индукция и как ее определить?
- 4. Влияет ли на величину  $B_{\rm kp}$  изменение направления тока в соленоиде на противоположное?
  - 5. Зависит ли величина *e/m* от величины анодного напряжения? vk.com/id446425943 vk.com/club152685050